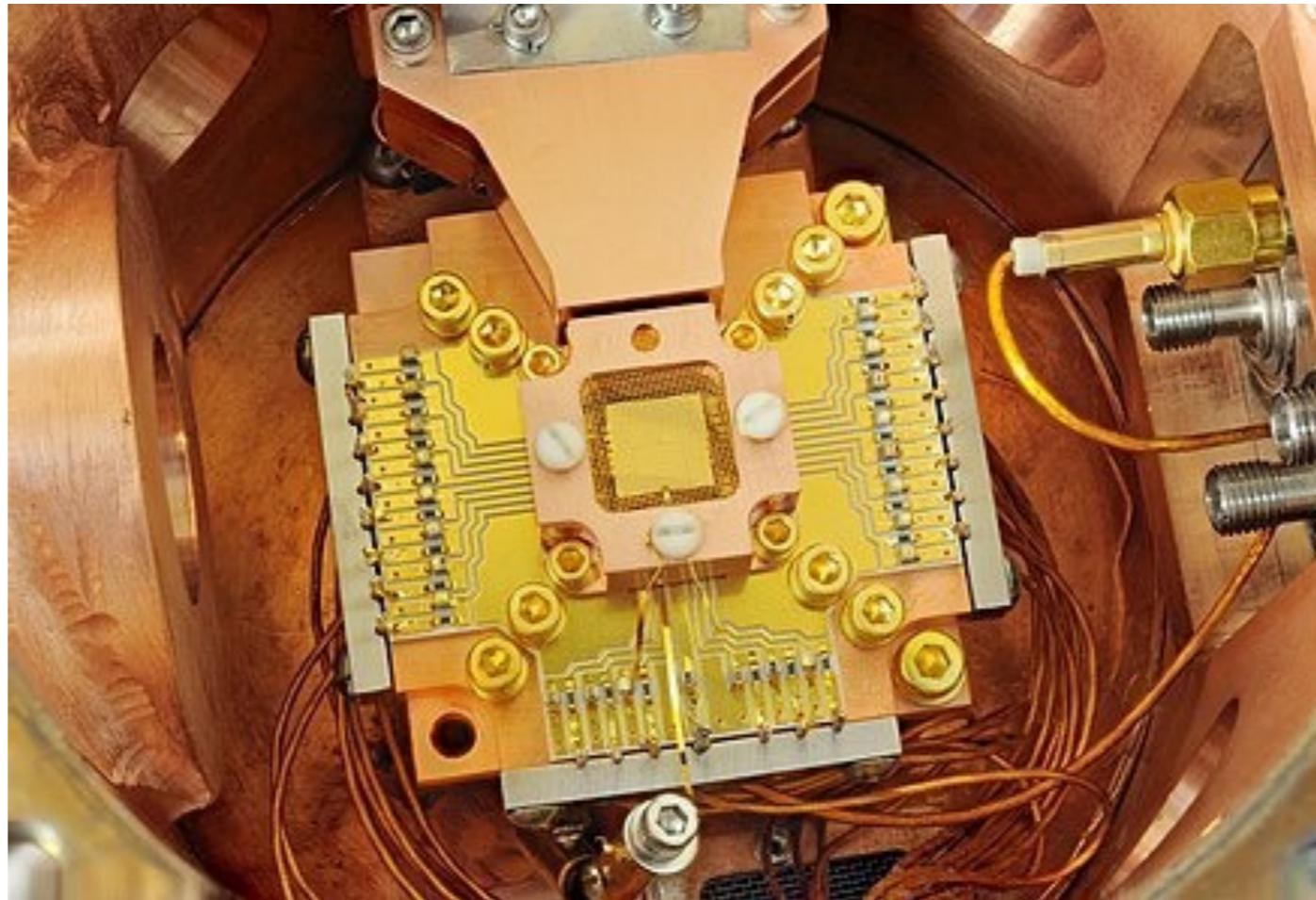


# Dal bit al quantum bit



*Indirizzo di computazione e informazione quantistica*  
Laurea interateneo in Fisica dei sistemi complessi

Dagli anni 1950 in poi, la **velocità** dei calcolatori **raddoppia** e le **dimensioni** dei loro componenti **si dimezzano** circa ogni due anni.

Le **dimensioni** medie del sistema fisico impiegato per immagazzinare un' unità di informazione sono passate:

dai **centimetri** delle valvole usate nei primi calcolatori ai **micrometri** ( $10^{-6}$  metri) dei moderni componenti circuitali.

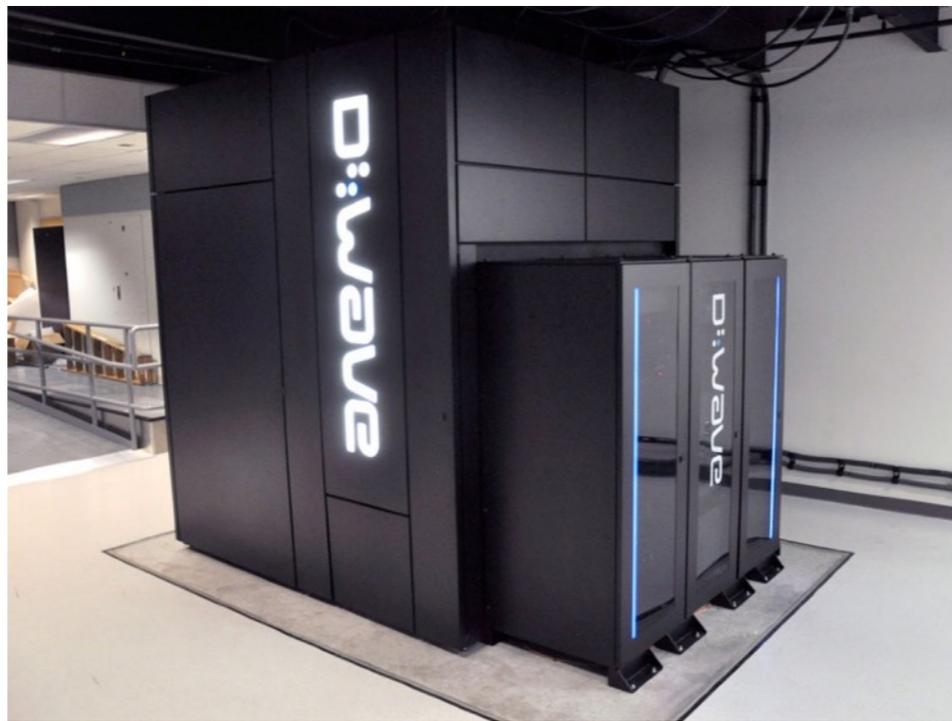


*Ci si aspetta che questa progressione termini intorno al 2020*, a causa degli *effetti quantistici* che cominciano a farsi sentire su microcomponenti di dimensioni appena superiori a quelle atomiche, cioè dell'ordine del *nanometro* ( $10^{-9}$  metri).

D'altra parte proprio gli *effetti quantistici* possono essere sfruttati per lo sviluppo di *algoritmi esponenzialmente più efficienti* di quelli realizzabili su calcolatori ordinari.

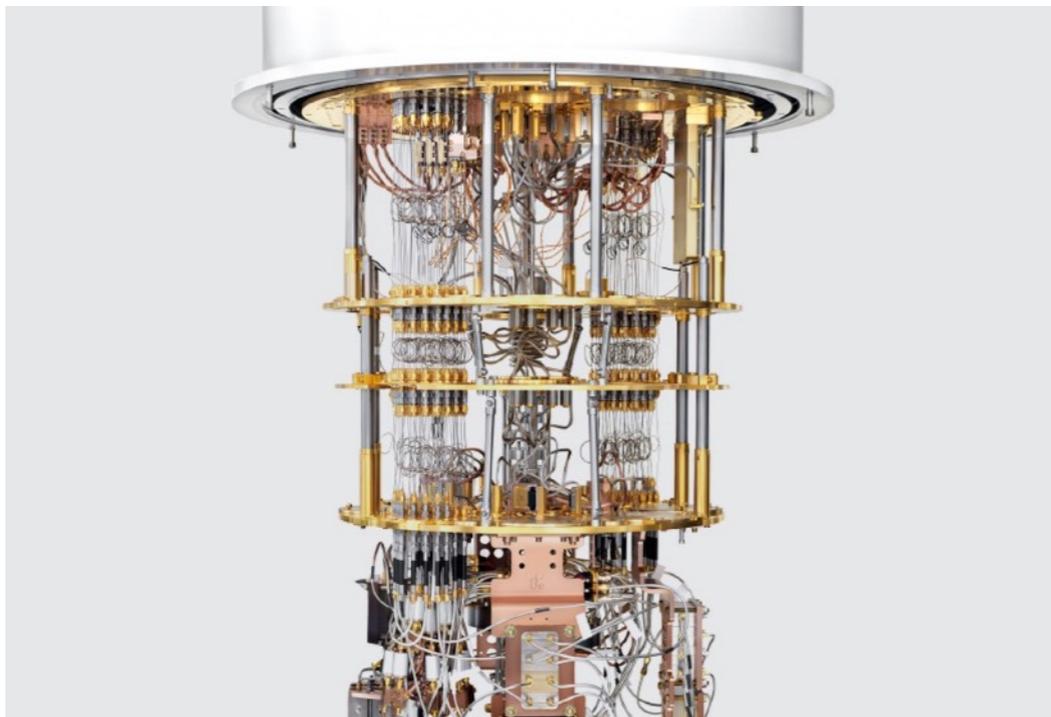
I *calcolatori quantistici* implementano questi algoritmi, controllando e manipolando gli stati quantistici delle microcomponenti.

Attualmente ne esistono solo alcuni *prototipi*, con un piccolo numero di componenti (**quantum bits**)

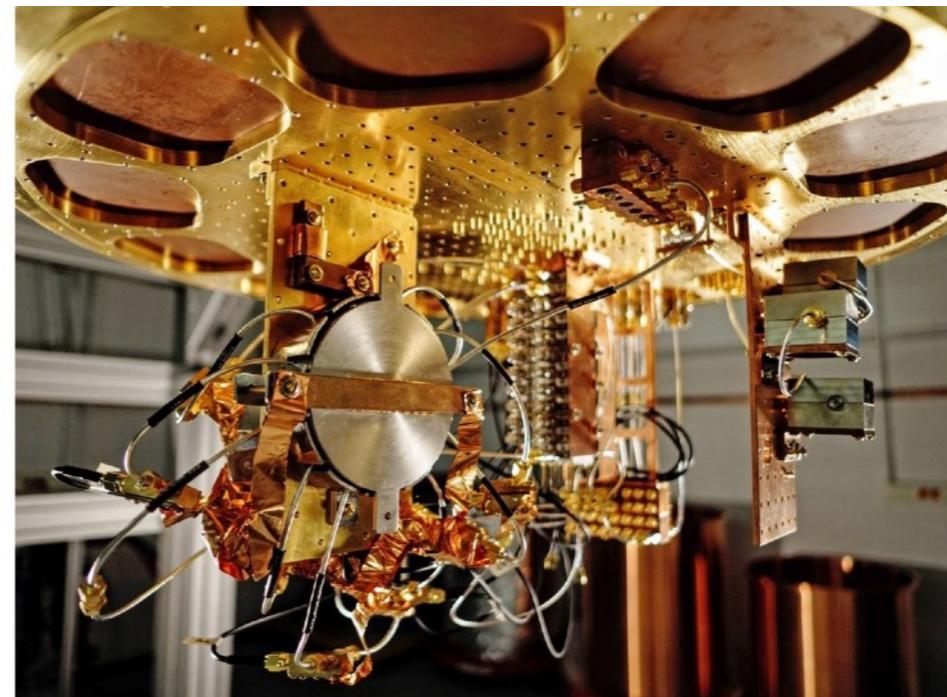


microcorrenti in  
anelli superconduttori

D-WAVE\*



Rigetti

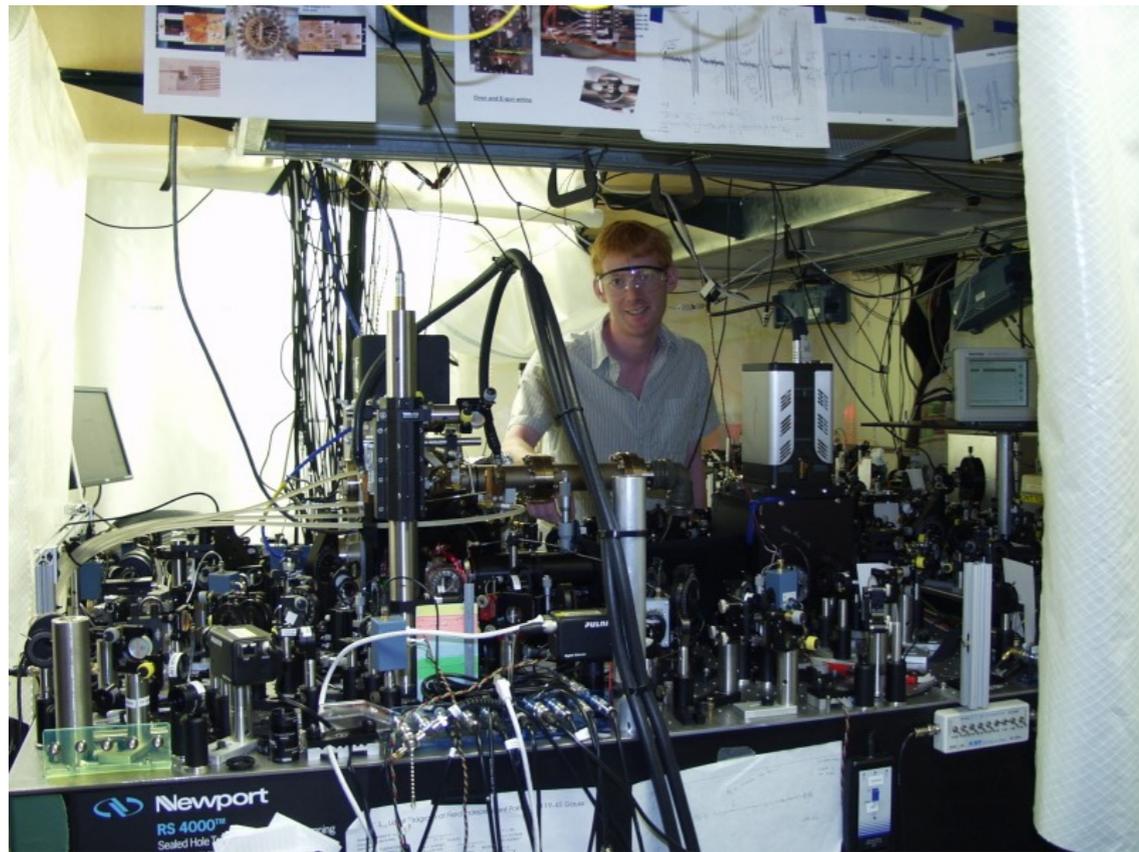


Google

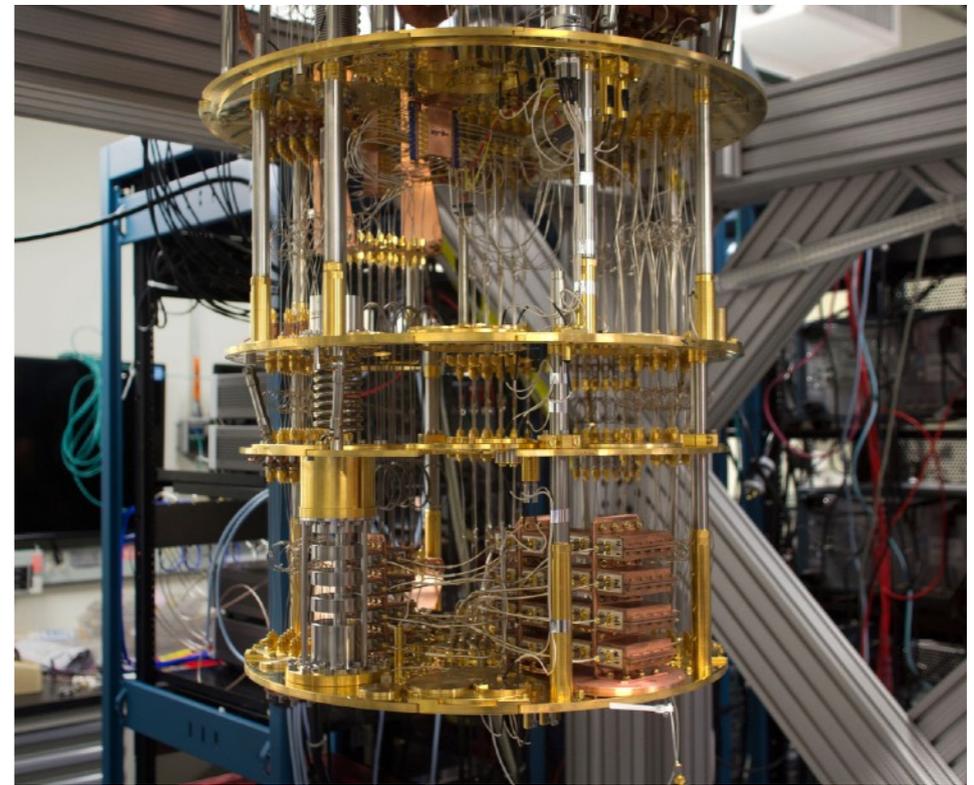
Applicazioni: medicina (diagnostica)  
chimica  
energia  
logistica

simulazione sistemi complessi

ioni intrappolati



ION-Q



IBM quantum experience\*

\* Accessibili in rete

atomi di Itterbio  
160 qubit fisici  
79 qubit logici  
gate fidelity 98%

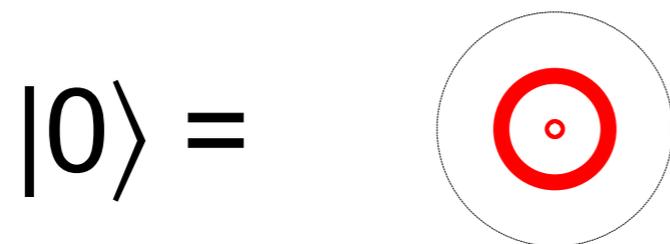
# SISTEMA CLASSICO A DUE STATI = BIT

Esempio: un **interruttore**  
può trovarsi in uno di *2 possibili stati*



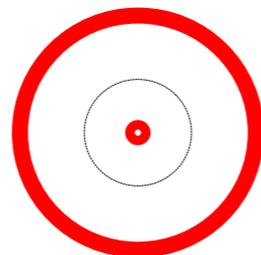
# SISTEMA MICROSCOPICO A DUE STATI DI BASE: QUANTUM BIT (QUBIT)

Esempio: un **atomo**. Può trovarsi negli stati



elettrone nell' orbita bassa:  
STATO FONDAMENTALE

oppure  
 $|1\rangle =$



elettrone nell' orbita alta:  
STATO ECCITATO

# STATI SOVRAPPOSTI

$$|\psi\rangle = \alpha |0\rangle + \beta |1\rangle$$

Potendo assumere tutti gli stati  $|\psi\rangle$ , intermedi tra  $|0\rangle$  e  $|1\rangle$ , il *qubit* è molto più ricco di informazione di un registro binario classico (che può solo assumere gli stati 0 e 1).

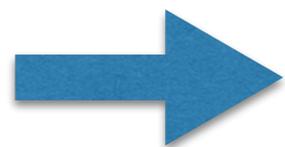
# STATI INTRECCIATI (ENTANGLED)

- NON possono scriversi come **PRODOTTO**:

$$|0,0\rangle = |0\rangle |0\rangle \quad \text{STATO SEPARABILE}$$

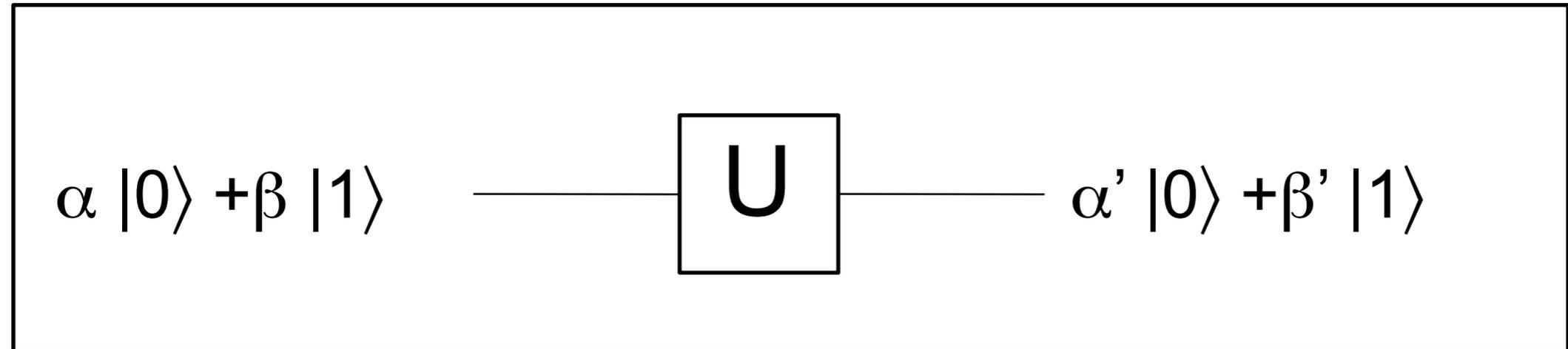
- Esempio:

$$|\psi\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}|0,0\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}}|1,1\rangle \quad \text{STATO INTRECCIATO}$$



Correlazioni tra le misure di Alice e Bob !

# PORTE QUANTISTICHE a 1 QUBIT



$$\text{con } |\alpha|^2 + |\beta|^2 = |\alpha'|^2 + |\beta'|^2 = 1$$



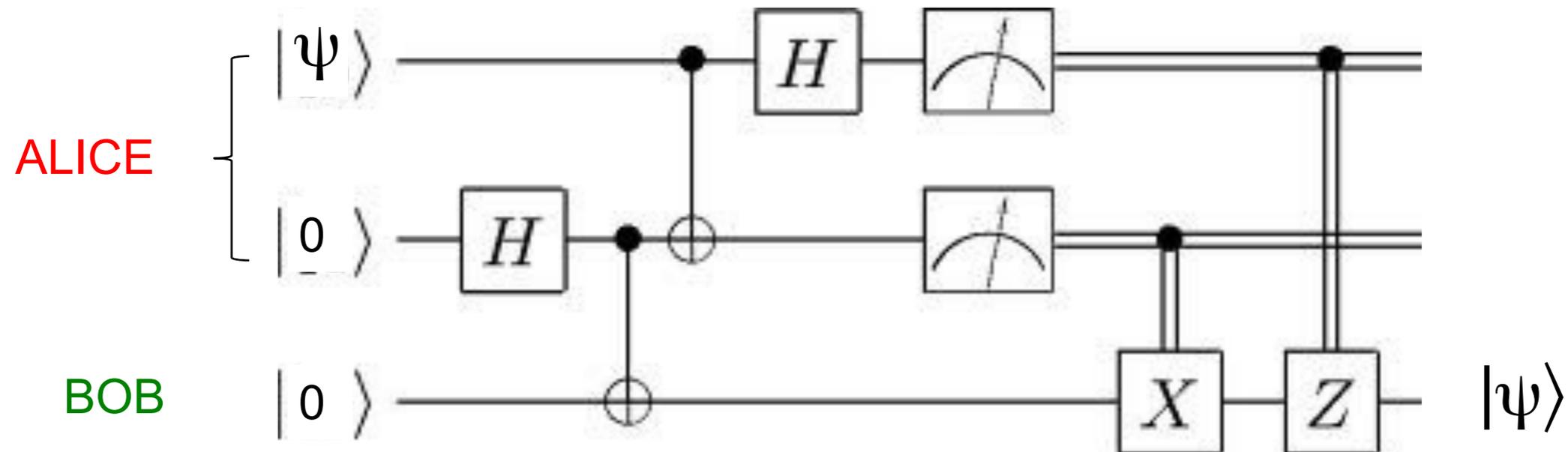
**U** è un elemento di  $U(2)$

$$X = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

$$Y = \begin{pmatrix} 0 & -i \\ i & 0 \end{pmatrix}$$

$$Z = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$$

# TELETRASPORTO (DI STATO QUANTISTICO)



- La misura di Alice **DISTRUGGE** lo stato  $|\psi\rangle$ , riducendolo allo stato  $|0\rangle$  oppure allo stato  $|1\rangle$
- $|\psi\rangle$  può essere anche **SCONOSCIUTO** ad Alice
- Il teletrasporto non può essere **ISTANTANEO** : la telefonata di Alice a Bob trasferisce informazione a velocità uguale od inferiore a quella della luce.

# Polynomial-Time Algorithms for Prime Factorization and Discrete Logarithms on a Quantum Computer\*

Peter W. Shor<sup>†</sup>

## Abstract

A digital computer is generally believed to be an efficient universal computing device; that is, it is believed able to simulate any physical computing device with an increase in computation time by at most a polynomial factor. This may not be true when quantum mechanics is taken into consideration. This paper considers factoring integers and finding discrete logarithms, two problems which are generally thought to be hard on a classical computer and which have been used as the basis of several proposed cryptosystems. Efficient randomized algorithms are given for these two problems on a hypothetical quantum computer. These algorithms take a number of steps polynomial in the input size, e.g., the number of digits of the integer to be factored.

**Keywords:** algorithmic number theory, prime factorization, discrete logarithms, Church's thesis, quantum computers, foundations of quantum mechanics, spin systems, Fourier transforms

**AMS subject classifications:** 81P10, 11Y05, 68Q10, 03D10



---

\*A preliminary version of this paper appeared in the Proceedings of the 35th Annual Symposium on Foundations of Computer Science, Santa Fe, NM, Nov. 20–22, 1994, IEEE Computer Society Press, pp. 124–134.

<sup>†</sup>AT&T Research, Room 2D-149, 600 Mountain Ave., Murray Hill, NJ 07974.



## TECNOLOGIE QUANTISTICHE

---



I laboratori di Tecnologie quantistiche, nell'ambito dell'attività sull'Ottica Quantistica dell'INRiM, hanno come obiettivo lo studio degli stati di luce quantistici sia dal punto di vista dell'indagine sui fondamenti della meccanica quantistica, sia relativamente allo sviluppo di tecniche innovative, volte al superamento dei limiti classici di misura, e lo sviluppo di metodi accurati di caratterizzazione metrologica di sorgenti e detector utilizzati nelle emergenti tecnologie quantistiche.

Essi sono dotati di strumentazione allo stato dell'arte per quanto riguarda le tecnologie ottiche, optoelettroniche e quantistiche (Laser, rivelatori di singolo fotone, etc.). Tale linea di ricerca nata a partire

## NTT DATA

(/global/en)

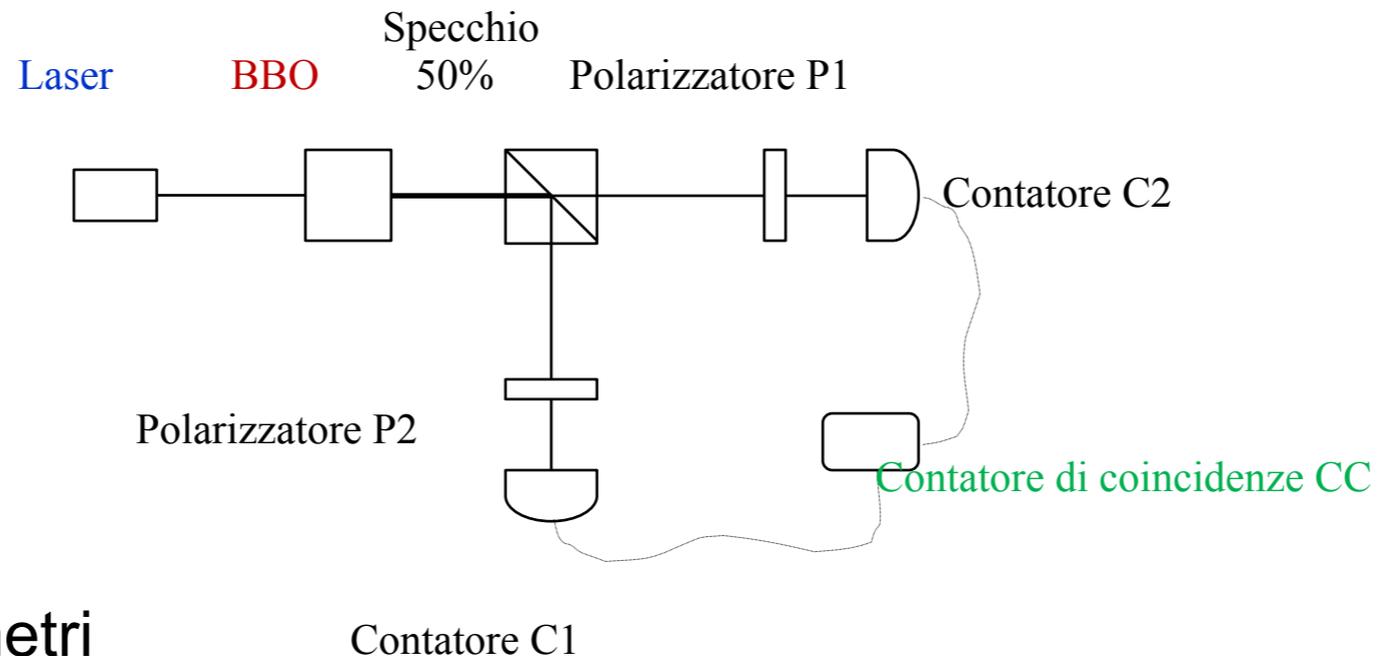
### ABOUT US

## Company Profile

NTT DATA is your Innovation Partner anywhere around the world. Headquartered in Tokyo, with business operations in more than 50 countries and regions, we emphasize long-term commitment and combine global reach and local intimacy to provide premier professional services from consulting, system development to business IT outsourcing. Since 1967, NTT DATA has played an instrumental role in establishing and advancing IT infrastructure. Originally part of Nippon Telegraph and Telephone Public Corporation, its heritage contributed to social benefits with a quality-first mindset. A public company since 1995, the company builds on this proven track record of innovation by providing novel IT solutions to bring results in a greater quality of life for people, communities, and societies around the world.



## PRODUZIONE DI STATI INTRECCIATI A DUE FOTONI IN UN LAB DIDATTICO



**Laser** a 406 nanometri

**BBO**: cristallo di beta-borato di Bario. Con prob  $\sim 10^{-9}$  il fotone incidente si converte in due fotoni a 812 nanometri (parametric down conversion, PDC) con polarizzazioni perpendicolari tra loro

**Il contatore di coincidenze** seleziona i fotoni intrecciati (prodotti nello stesso istante nel cristallo)

Lo stato dei fotoni che attivano il contatore di coincidenze è **intrecciato**

$$|\psi\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0,1\rangle + |1,0\rangle)$$